Prévision du bruit de raie émis par un rotor : application à l'aéronautique

S. Léwy

► To cite this version:

S. Léwy. Prévision du bruit de raie émis par un rotor : application à l'aéronautique. Journal de Physique IV Proceedings, 1994, 04 (C5), pp.C5-55-C5-65. 10.1051/jp4:1994506 . jpa-00252768

HAL Id: jpa-00252768

<https://hal.science/jpa-00252768>

Submitted on 1 Jan 1994

HAL is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

Prévision du bruit de raie émis par un rotor : application à l'aéronautique

S. LÉWY

Office National d'Etudes et de Recherches Aérospatiales, BP. 72, 92322 Châtillon cedex, France

Résumé : La prévision du bruit de raie des rotors, en vue de la réduction de leur émission sonore, est une préoccupation importante dans le domaine industriel et aéronautique. Deux approches fréquentielles sont exposées ; la première s'applique aux rotors libre, la seconde résout l'équation d'onde dans un conduit cylindrique. Il est montré que les termes dominants sont les mêmes dans les deux cas. Cette constatation est particulièrement intéressante pour les soufflantes transsoniques des turboréacteurs car les calculs établis pour les hélices isolées donnent des résultats valables. L'accent est mis sur les différences par rapport aux directivités rayonnées par les hélices subsoniques classiques.

Abstract : Prediction of rotor tone noise is a major issue both in industry and in aeronautics for reducing sound radiation. Two frequency methods are described, the first applies to open rotors and the second solves the wave equation inside a cylindrical duct. It is shown that the main terms are the same in both cases. This is particularly useful for studying supersonic fans of turbfans because computations of isolated propellers are then valid. Emphasis is put on the differences with the directivities radiated by conventional subsonic propellers.

1. INTRODUCTION

Les rotors constituent une source de bruit industriel qui est intense, en raison des grandes vitesses périphériques, et gênante, parce que le spectre acoustique est dominé par des raies (harmoniques de la fréquence de passage des aubes). L'aéronautique est évidemment fortement intéressée par ce sujet pour les avions à hélices et les hélicoptères. En ce qui concerne les rotors carénés, l'émission sonore des turboréacteurs modernes à double flux et à grand taux de dilution provient essentiellement de la soufflante, située en tête du réacteur ; celle des turbomoteurs d'hélicoptères est également due en grande partie au premier étage de compression.

La réduction du bruit dès le stade des avant-projets implique des prévisions suffisamment précises. Les méthodes semi-empiriques ne s'appliquent qu'à des familles de machines déjà existantes et leur extrapolation à de nouveaux types est toujours très hasardeuse. L'emploi de modèles purement théoriques s'impose donc. L'objectif de cette communication est de dégager leurs possibilités actuelles. Le premier paragraphe expose un calcul classique dans le domaine fréquentiel, pour un rotor libre [1-5]. Le carénage est introduit dans la deuxième partie : un développement de la solution de l'équation d'onde en conduit cylindrique est présenté [6], associé à un calcul de rayonnement en champ libre tel que celui de Tyler et Sofrin [7]. Bien que ce modèle ait été proposé par Goldstein il y a près de vingt ans, il ne semble pas avoir été appliqué jusqu'à présent ; à la connaissance de l'auteur, seul Schulten a suivi récemment une démarche voisine [8].

Il est ensuite noté que les termes sources dominants sont les mêmes dans les deux approches mais le rayonnement peut être assez différent selon que le rotor est libre ou caréné. Eversman a cependant montré qu'il existe une grande similitude, aussi bien sur les niveaux sonores que sur les directivités, dans le cas des rotors transsoniques [9]. Ceci présente de l'intérêt pour l'étude de la soufflante des turboréacteurs actuels, qui est souvent transsonique. Les prévisions acoustiques peuvent alors être effectuées à l'aide des programmes établis pour les hélices isolées [10]. Quelques exemples très simples sont présentés : ils permettent de comparer le rayonnement d'un rotor transsonique libre et celui par l'embouchure d'un conduit ; ils dégagent aussi l'évolution des directivités par rapport à une hélice subsonique classique.

2. FORMULES POUR UN ROTOR NON CARENE

2.1 Formule générale

Soit un repère cartésien Oxyz (fig. 1) en translation uniforme à la vitesse $U = a M$ selon l'axe x (a est la célérité du son et M le nombre de Mach). La pression sonore en un point repéré par le vecteur $\vec{x}(x, y, z)$ à l'instant t est fournie par l'expression suivante [1, chapitre 3] :

$$p(\vec{x}, t) = \int_A \int_{\tau} \rho_0 V_n \frac{DG}{D\tau} d\tau dA + \int_A \int_{\tau} f_i \frac{\partial G}{\partial y_i} d\tau dA \quad (1)$$

où le premier terme de droite représente le bruit d'épaisseur et le second le bruit de charge. Le terme quadripolaire n'est pas considéré dans cette communication, bien qu'il ne soit pas forcément négligeable en transsonique. Dans la relation (1), ρ_0 est la masse volumique de l'air, A désigne les surfaces solides, τ est le temps retardé (instant d'émission). Les sources sonores sont situées aux points $\vec{y}(y_1, y_2, y_3)$ ou x_0, y_0, z_0 sur A : V_n est la composante de la vitesse relative normale aux surfaces ; les f_i ($i = 1, 2, 3$) sont les composantes selon x, y, z des forces par élément de surface appliquées au fluide (avec sommation sur l'indice i dans $f_i \partial G / \partial y_i$). La fonction de Green G traduit la réponse en $\vec{x}$ à t , à une impulsion émise en $\vec{y}$ à τ :

$$G(\vec{y}, \tau; \vec{x}, t) = \frac{1}{4\pi S_0} \delta \left[t - \tau - \frac{\sigma_0}{a} \right] \quad (2)$$

où δ est la distribution de Dirac et S_0 et σ_0 sont les distances modifiées :

$$S_0 = \sqrt{(x - x_0)^2 + \beta^2(y - y_0)^2 + \beta^2(z - z_0)^2}, \quad \sigma_0 = \frac{M(x - x_0) + S_0}{\beta^2} \quad \text{et} \quad \beta^2 = 1 - M^2 \quad (3)$$

Il existe essentiellement deux approches pour intégrer la relation (1). La première est exécutée directement dans le domaine temporel, à partir de la solution fournie par Ffowcs Williams et Hawkins [2]. Cette méthode est largement employée pour les hélices et les rotors d'hélicoptères. L'autre manière de calculer, dans le domaine fréquentiel, est exposée dans la suite. Elle est en effet voisine de celle adoptée pour les rotors carénés car elle aboutit à une décomposition du champ sonore en modes spatiaux, qui jouent un rôle fondamental dans la propagation en milieu guidé. Une résolution de ce type est menée notamment par Hanson dans un repère fixe, ce qui correspond au cas du survol d'un récepteur au sol [3]. L'expression (1), quant à elle, est relative à un microphone lié au moteur, c'est-à-dire à l'avion, et représente aussi la configuration d'essais en soufflerie.

2.2 Calcul dans le domaine fréquentiel

La transformation de Fourier de (1) fournit directement les composantes spectrales de la pression sonore. Pour un signal de période T , la série de Fourier s'écrit :

$$p(\bar{x}, t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} P(\omega, \bar{x}) e^{i\omega t} \quad \text{et} \quad P(\omega, \bar{x}) = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} p(\bar{x}, t) e^{-i\omega t} dt \quad (4)$$

où $\omega = 2\pi f = 2\pi n/T$ est la pulsation et f la fréquence (n entier). Comme seule la fonction de Green G dépend de l'instant de réception t dans la relation (1), il vient :

$$P(\omega, \bar{x}) = \int_A \int_{\tau} \rho_0 V_n \frac{DG_\omega}{D\tau} d\tau dA + \int_A \int_{\tau} f_i \frac{\partial G_\omega}{\partial y_i} d\tau dA \quad (5)$$

La transformée de Fourier G_ω de G vaut :

$$G_\omega = \frac{1}{4\pi TS_0} e^{-i\omega(\tau + \sigma_0/a)} = \frac{1}{4\pi TS_0} e^{-iK(a\tau + \sigma_0)} \quad (6)$$

où $K = \omega/a$ est le nombre d'ondes. Par suite, la dérivée convective de G est :

$$\frac{DG_\omega}{D\tau} = \alpha G_\omega, \quad \text{avec} \quad \alpha = -i \frac{aK}{\beta^2} \left[1 + M \frac{x-x_0}{S_0} \left[1 - i \frac{\beta^2}{KS_0} \right] \right] \quad (7)$$

et les dérivées spatiales de G s'expriment par :

$$\frac{\partial G_\omega}{\partial y_i} = E_i G_\omega, \quad \text{avec} \quad \begin{cases} E_1 = i \frac{K}{\beta^2} \left[M + \frac{x-x_0}{S_0} \left[1 - i \frac{\beta^2}{KS_0} \right] \right] \\ E_2 = iK \frac{y-y_0}{S_0} \left[1 - i \frac{\beta^2}{KS_0} \right] \quad \text{et} \quad E_3 = iK \frac{z-z_0}{S_0} \left[1 - i \frac{\beta^2}{KS_0} \right] \end{cases} \quad (8)$$

Supposons les sources sonores en rotation uniforme à la vitesse angulaire $\Omega = 2\pi N$ autour de l'axe Ox , direction portant la vitesse d'écoulement U (ceci exclut le cas où le rotor est mis en incidence). Si le rotor possède B aubes équidistantes, la période temporelle vaut $T = 1/(BN)$. La surface A dans (5) est alors relative à une seule aube et les fréquences acoustiques émises sont limitées aux harmoniques de la rotation de rang nB , puisque $\omega = nB\Omega$. Une source en $\bar{y}$ est aussi repérée par ses coordonnées cylindriques r, ψ, x_0 (fig. 1). V_n est indépendante de ψ et $f_i(\bar{y})$ peut être développée en série de Fourier :

$$f_i = \sum_{s=-\infty}^{+\infty} F_i^{(s)} e^{is\psi} \quad \text{et} \quad F_i^{(s)} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} f_i e^{-is\psi} d\psi \quad (i = 1, 2, 3) \quad (9)$$

où $F_i^{(s)}$ est l'harmonique de charge de rang s , dépendant de la position sur la surface A d'une aube mais non de ψ . Plus précisément, un point sur A est repéré à $\tau = 0$ par ses coordonnées r, ψ_c et x_0 . Les valeurs de ψ_c , comprises entre $\psi_1(r)$ et $\psi_2(r)$, traduisent l'étendue angulaire de la projection transversale de la corde du profil à une envergure r ; en pratique, tous ces angles sont voisins (autour de zéro par exemple). Ainsi :

$$\psi = \Omega \tau + \psi_c = 2\pi N \tau + \psi_c \quad (10)$$

et les grandeurs indépendantes de ψ le sont aussi de τ .

2.3 Approximation en champ lointain

Les développements exposés jusqu'ici présentent l'intérêt sur les travaux déjà publiés d'être très généraux, valables même en champ proche. L'approximation de champ lointain consiste à supposer les distances d'observation grandes devant les dimensions de la source et les longueurs d'ondes $\lambda = 2\pi/K$, soit :

$$\frac{x_0}{S_0} \ll 1, \frac{y_0}{S_0} \ll 1, \frac{z_0}{S_0} \ll 1 \text{ et } KS_0 \gg 1. \quad (11)$$

Ainsi, α et les E_i dans (7) et (8) sont indépendants de y_0 et z_0 , c'est-à-dire de ψ ou τ . La relation (5) devient en tenant compte de (9) :

$$P(\omega, \vec{x}) = \int_A \rho_0 V_n \alpha \left[\int_{\tau=0}^T G_\omega d\tau \right] dA + \sum_{s=-\infty}^{+\infty} \int_A F_i^{(s)} E_i \left[\int_{\tau=0}^T G_\omega e^{is\psi} d\tau \right] dA \quad (12)$$

Les intégrales sur le temps retardé sont calculées en développant S_0 et τ_0 au premier ordre, l'ordre zéro étant :

$$S = \sqrt{x^2 + \beta^2(y^2 + z^2)} \text{ et } \sigma = \frac{Mx + S}{\beta^2} \text{ avec toujours } \beta^2 = 1 - M^2 \quad (13)$$

Elles s'expriment en fonctions de Bessel de première espèce, J , après avoir introduit aussi les coordonnées cylindriques d , φ , x du récepteur (fig. 1).

Les formules générales, programmées à l'ONERA, sont finalement les suivantes :

$$P(nB\Omega, \vec{x}) = P_e(nB\Omega, \vec{x}) + P_c(nB\Omega, \vec{x})$$

avec, pour le bruit d'épaisseur,

$$P_e = -i\rho_0 \frac{Bf}{2\beta^2 S} \left[1 + M \frac{x}{S} \right] e^{-iK\sigma} e^{-inB(\varphi - \pi/2)} \int_A V_n e^{i(KA_i + nB\psi)} J_{nB} \left[Kr \frac{d}{S} \right] dA$$

et, pour le bruit de charge,

$$P_c = i \frac{Bf}{2a\beta^2 S} e^{-iK\sigma} \sum_{s=-\infty}^{+\infty} e^{-i(nB-s)(\varphi - \pi/2)} \int_A \left[\left[M + \frac{x}{S} \right] F_x^{(s)} + \beta^2 \frac{y}{S} F_y^{(s)} + \beta^2 \frac{z}{S} F_z^{(s)} \right] e^{i(KA_i + nB\psi)} J_{nB-s} \left[Kr \frac{d}{S} \right] dA$$

(14)

où $A_1 = \frac{x_0}{\beta^2} \left[M + \frac{x}{S} \right]$ exprime le fait que les aubes ne sont pas planes (elles ne sont pas contenues dans le plan de rotation $x_0 = 0$). Il est rappelé que :

$$K = \frac{2\pi f}{a} = \frac{2\pi nB\Omega}{a} \text{ donc } Kr \frac{d}{S} = nBM_r \frac{d}{S} \quad (15)$$

où $M_r = \Omega r/a$ est le nombre de Mach de rotation au rayon r .

La transformation de Fourier $P(nB\Omega, \vec{x})$ est calculée sur les fréquences positives et négatives : n varie de $-\infty$ à $+\infty$ dans (4). Le spectre acoustique, exprimé seulement sur les fréquences positives, est donc donné par :

$$2|P(nB\Omega, \vec{x})|^2 = 2|P_e(nB\Omega, \vec{x}) + P_c(nB\Omega, \vec{x})|^2 \quad (n > 0) \quad (16)$$

Les relations (14) se simplifient dans certains cas. Si l'on néglige la vitesse d'écoulement ($M \approx 0$ et $\beta^2 \approx 1$), il vient, en introduisant les coordonnées sphériques D , θ , φ de $\vec{x}$ (fig. 1) :

$$s = \sigma = D, \quad Kr \frac{d}{S} = nBM_r \sin\theta, \quad A_1 = x_0 \cos\theta \quad (17)$$

Il s'ensuit en particulier que la composante $P e^{i\omega t}$ de la pression sonore (14) à la pulsation $\omega = nB\Omega$ contient en facteur le terme $(1/D) e^{i\omega(t-D/a)}$, caractéristique d'une onde sphérique. Le terme entre crochets de P_c dans (14) s'écrit simplement : $\vec{F}^{(s)} \cdot \frac{\vec{x}}{D}$. Il est souvent commode de décomposer $\vec{F}^{(s)}$ en termes de

poussée $F_T^{(s)}$, axiale, et de traînée $F_D^{(s)}$, tangentielle. L'expression du bruit de charge P_c est alors identique à celle de Lowson [4]. Si, de plus, le rotor est isolé, seule subsiste la charge moyenne ($s = 0$) et P_c se réduit au résultat que Gutin a établi pour une hélice dès 1936 [5].

3. ACOUSTIQUE DES ROTORS CARENES

3.1 Formules en conduit cylindrique infiniment long

L'espace est limité ici à un conduit cylindrique de rayon R , infiniment long et à parois parfaitement rigides. Rotor et récepteur sont donc situés à l'intérieur de ce conduit. La démarche adoptée par Goldstein en [6] ou [1, chapitre 4] part toujours de la relation (1) ; la fonction de Green en espace libre convecté est remplacée par celle en cylindrique satisfaisant à la condition à la limite du conduit (dérivée radiale nulle au rayon R). Ainsi :

$$G(\vec{y}, \tau; \vec{x}, t) = -\frac{i}{2} \sum_{m=-\infty}^{+\infty} \sum_{\mu=1}^{+\infty} \frac{J_m(k_T r) J_m(k_T d)}{\Gamma} \cdot \frac{e^{im(\psi-\varphi)}}{\Delta} \cdot \delta \left[t - \tau - \frac{k}{K} \cdot \frac{x - x_0}{a} \right] \quad (18)$$

où K , k_T et k sont les nombres d'ondes, respectivement total, transversal et longitudinal,

$\Delta = \left[K^2 - (1 - M^2) k_T^2 \right]^{1/2}$ sera interprété au paragraphe suivant,

$\Gamma = \pi \left[R^2 - \frac{m^2}{k_T^2} \right] J_m^2(k_T R)$ est un facteur de normalisation.

Le reste des calculs suit à peu près les mêmes étapes qu'au paragraphe 2, à l'exception près qu'il n'existe pas d'approximation en champ lointain. La charge $\vec{F}^{(s)}$ est décomposée en poussée $F_T^{(s)}$ et traînée $F_D^{(s)}$, en négligeant la force radiale. Dans ces conditions, les termes sources suivants apparaissent :

☞	source associée à l'épaisseur, $E_{m\mu} = \int_A V_n J_m(k_T r) e^{i(nB\psi_c + kx_0)} dA$	(19)
☞	sources dues à la poussée, $T_{m\mu}^{(s)} = \int_A F_T^{(s)} J_m(k_T r) e^{i(nB\psi_c + kx_0)} dA$	
☞	sources dues à la traînée, $D_{m\mu}^{(s)} = \int_A \frac{1}{r} F_D^{(s)} J_m(k_T r) e^{i(nB\psi_c + kx_0)} dA$	

Il faut noter que $T_{m\mu}^{(s)}$ a la dimension d'une force, tandis que $D_{m\mu}^{(s)}$ a celle d'une force par unité de longueur. Finalement, (14) est remplacé par :

$$P(nB\Omega, \vec{x}) = P_e(nB\Omega, \vec{x}) + P_c(nB\Omega, \vec{x})$$

avec, pour le bruit d'épaisseur,

$$P_e = -\frac{1}{2} \rho_0 aB \sum_{\mu=1}^{+\infty} \frac{K - Mk}{\Gamma \Delta} E_{nB, \mu} J_{nB}(k_T d) e^{-i(nB\phi + kx)}$$

et, pour le bruit de charge,

$$P_c = \frac{1}{2} B \sum_{\mu=1}^{+\infty} \sum_{s=-\infty}^{+\infty} \frac{1}{\Gamma \Delta} [kT_{m\mu}^{(s)} + m D_{m\mu}^{(s)}] J_m(k_T d) e^{-i(m\phi + kx)}, \text{ où } m = nB - s$$

(20)

Il ressort en particulier que la composante $P e^{i\omega t}$ de la pression sonore à la pulsation $\omega = nB\Omega$ en un point de réception $\vec{x}(d, \phi, x)$ est la somme de termes :

$$C J_m(k_T d) e^{i(\omega t - m\phi - kx)} \quad (21)$$

Ils représentent les ondes hélicoïdales (ou modes tournants) dans le conduit (avec $m \approx nB$ pour le bruit d'épaisseur). Le champ acoustique est donc décomposé sur les fonctions propres de l'équation d'onde en géométrie cylindrique ; m est le nombre d'ondes angulaire et μ le mode radial.

Les résultats précédents fournissent le champ sonore à l'intérieur d'un conduit infini. Le rayonnement en champ libre peut être obtenu en le coupant en $x = L$ et en supposant que les réflexions sur l'ouverture sont suffisamment faibles pour que la solution (20) reste valable. Le calcul le plus simple est fourni par Tyler et Sofrin, qui considèrent que le champ acoustique incident est équivalent à un ensemble de monopôles dans la section de sortie, possédant des relations de phase entre eux [7]. Ceci est une généralisation du problème classique du rayonnement d'un piston plan bafflé. Une onde élémentaire (21) donne finalement en champ lointain, en un point de coordonnées sphériques (D, θ, ϕ) repérées maintenant par rapport au centre de la section de sortie et non plus du rotor :

$$p(D, \theta, \phi, t) = i^{m+1} \frac{CKR^2}{2D} e^{i\omega(t-D/a)} e^{-i(m\phi + kL)} J_m(k_T R) \left[\frac{2KR \sin \theta}{(k_T R)^2 - (KR \sin \theta)^2} \cdot J'_m(KR \sin \theta) \right] \quad (22)$$

où J'_m est la dérivée de J_m . L'angle θ est limité à $[0, \pi/2]$ à cause de l'hypothèse d'encastrement dans un plan parfaitement rigide. Le terme de (22) entre crochets détermine la directivité.

3.2 Propriétés de coupure du conduit

Les phénomènes de coupure jouent un rôle fondamental dans l'émission sonore d'un rotor caréné. Ils se déduisent de la relation de dispersion entre les nombres d'ondes K , k_T et k introduits au paragraphe précédent :

$$(K - Mk)^2 = k^2 + k_T^2 \quad (23)$$

C'est une équation du second degré en k , dont le discriminant réduit Δ^2 , écrit après la relation (18), doit être positif pour que k soit réel et que l'onde (21) se propage.

Si le conduit est parfaitement rigide, la condition d'annulation de la vitesse vibratoire en paroi donne :

$$J'_m(k_T R) = 0, \text{ soit } k_T = \chi_{m\mu}/R \quad (24)$$

où $\chi_{m\mu}$ est l'abscisse du $\mu^{\text{ème}}$ zéro de la dérivée J'_m . Ceci montre que k_T , et donc k , Δ , Γ , dépendent de m et μ , même si ces indices sont omis dans ce qui précède pour alléger les notations. La condition $\Delta^2 \geq 0$ implique :

$$K \geq \sqrt{1 - M^2} \quad k_T \quad \text{ou} \quad |f| \geq f_c, \quad \text{avec} \quad f_c = \sqrt{1 - M^2} \quad \frac{a\chi_{m\mu}}{2\pi R} \quad (25)$$

f_c étant la fréquence de coupure du mode acoustique (m, μ) .

Bruit d'épaisseur et de charge moyenne. Ces deux composantes sont réunies par le fait que $s = 0$ ou $m = nB$, rang de l'harmonique de la rotation considéré, dans les expressions (20). Examinons ce qu'implique la propagation dans le conduit. Comme $f = nBN$ et que $\chi_{m\mu} > \chi_{m1} > |m|$ mais que χ_{m1} est peu supérieur à $|m|$, une condition nécessaire (mais non strictement suffisante) est, par (25) :

$$|n| BN > \sqrt{1 - M^2} \quad \frac{a|m|}{2\pi R}, \text{ soit, puisque } m = nB, \quad (26)$$

$$\frac{2\pi RN}{a} > \sqrt{1 - M^2} \quad \text{ou} \quad M_R > \sqrt{1 - M^2} \quad \text{ou} \quad \underline{M_{\text{rel}}} > 1 \quad (27)$$

$M_{\text{rel}} = \sqrt{M_R^2 + M^2}$ étant le nombre de Mach relatif en bout d'aube. Ainsi, les termes étudiés ne rayonnent en champ libre que pour des rotors transsoniques (en supposant que la manche est suffisamment longue). Ils constituent alors la principale source sonore.

Bruit d'interaction. Le bruit de raie d'un rotor subsonique est donc seulement dû aux interactions entre rotor et stator ou distorsion d'écoulement (harmoniques de charge de rang $s \neq 0$). Comme $m = nB - s$ d'après (20), l'inégalité (26) devient :

$$\frac{|n| BM_R}{\sqrt{1 - M^2}} > |nB - s| \quad \text{d'où} \quad \left[1 - \frac{M_R}{\sqrt{1 - M^2}} \right] |n| B < |s| < \left[1 + \frac{M_R}{\sqrt{1 - M^2}} \right] |n| B \quad (28)$$

Ceci définit la plage d'harmoniques de charge gênants, centrée sur la composante de rang $|n| B$:

$$0 < s_{\min} < |s| < s_{\max}.$$

4. QUELQUES EXEMPLES D'APPLICATION AUX COMPRESSEURS

4.1 Intérêt des calculs sur rotor libre pour les compresseurs

On peut se demander quelle valeur peut être accordée à des calculs acoustiques de compresseur ne prenant pas en compte la présence du conduit. Tout d'abord, Lowson a remarqué que les termes dominants dans (14) et (20) sont les mêmes [4]. Pour un rotor subsonique, l'argument est fondé sur l'allure des fonctions de Bessel, dont l'amplitude devient notable seulement quand, en gros, l'argument est supérieur à l'ordre (en module), soit dans (14) simplifié par (17) :

$$|n| B M_r \sin \theta > |nB - s| \quad \text{ou a fortiori} \quad |n| B M_r > |nB - s|$$

ce qui est exactement (28) à faible vitesse d'avancement ($\sqrt{1 - M^2} \simeq 1$). Ceci n'implique cependant pas que la présence d'un conduit ne change pas le rayonnement en champ libre.

Quant aux rotors transsoniques, il a été trouvé que les termes dominants sont ceux d'épaisseur et de charge moyenne, c'est-à-dire rigoureusement les mêmes que pour une hélice libre [10]. En outre, Eversman a récemment montré par des calculs numériques que les niveaux sonores et les directivités sont peu modifiés, qu'il existe ou non un carénage autour du rotor [9].

4.2 Etude des soufflantes transsoniques

L'étude des rotors transsoniques présente de l'intérêt en particulier dans le domaine aéronautique car la soufflante des turboréacteurs modernes est souvent transsonique et pourrait être encore plus rapide dans la prochaine génération de moteurs.

Même si l'on suppose le rotor libre (§ 2), il faut insister sur le fait que les directivités à grande vitesse sont assez différentes de celles d'une hélice subsonique classique. Considérons une source en rotation à un rayon efficace r et négligeons la vitesse d'avancement ($M = 0$), pour simplifier au maximum. La directivité du bruit d'épaisseur, par exemple, est déterminée à une fréquence f par le facteur suivant de la valeur efficace de P_e :

$$Kr J_{nB}(Kr \sin \theta) = nBM_r J_{nB}(nBM_r \sin \theta)$$

Son logarithme est porté en fonction de θ sur la figure 2, pour $nB = 22$ et avec M_r en paramètre. Tant que M_r est subsonique, le maximum est situé dans le plan de l'hélice ($\theta = 90^\circ$) et croît fortement avec M_r (écart de 42 dB entre $M_r = 0,7$ et $M_r = 1$). Ensuite, il n'augmente plus qu'en $20 \log M_r$ quand $J_{nB}(\chi_{nB, 1})$ peut être atteint, soit, pour $nB = 22$, $\chi_{nB, 1} = 24,29$ et $M_r > 1,1$. Les maxima successifs des courbes sont tels que $J'_{nB}(Kr \sin \theta) = 0$, soit, compte tenu de la définition des $\chi_{m\mu}$ en (24) :

$$\sin \theta_{\max} = \frac{\chi_{m\mu}}{Kr} = \frac{\chi_{m\mu}}{nBM_r}, \text{ avec } m = nB \text{ et } \mu = 1, 2, 3, \dots \quad (29)$$

jusqu'à ce que le second membre soit supérieur à 1, auquel cas $\theta_{\max} = 90^\circ$. Les lobes, associés aux oscillations de la fonction de Bessel, sont donc de plus en plus nombreux et les maxima de plus en plus axiaux quand M_r augmente. En réalité, M_r est proportionnel à r et l'intégration en envergure aboutit à une courbe lissée, avec un plateau qui s'élargit davantage aux grandes valeurs du nombre de Mach périphérique.

Ces résultats sont obtenus sans prendre en compte le carénage. Cependant, les mêmes tendances se retrouvent pour le rayonnement par l'embouchure d'un conduit cylindrique : la figure 3 est calculée par la formule (22), toujours pour $m = nB = 22$ et $\mu = 1$, en prenant $D/R = 1$ (bien que l'expression ne soit valable qu'en champ lointain) et un niveau de pression sonore de 0 dB en paroi du conduit : $20 \log |C J_m(k_r R)| = 0$ dB. Il est connu que la directivité dépend essentiellement du rapport de coupure [11] :

$$\xi = \frac{f_c}{f} = \frac{k_r}{K} = \sqrt{1 - M^2} \frac{\chi_{m\mu}}{KR} \approx \frac{\chi_{m\mu}}{KR} \quad (0 < \xi < 1 \text{ pour un mode propagatif}). \quad (30)$$

Rice a montré en particulier que la direction du maximum est donnée approximativement par [12] :

$$\sin \theta_{\max} = \xi$$

ce qui est rigoureusement l'expression (29). Ceci se retrouve d'ailleurs aisément par un tracé de rayons (fig. 4). Le tableau I réunit les valeurs $\theta_{\max}$ du premier maximum ($\mu = 1$), qui est le maximum maximorum. La colonne relative au rotor libre est déduite de la relation (29) et correspond évidemment à la figure 2. La colonne du rotor caréné est issue de la figure 3 (les angles sont arrondis à l'entier le plus proche). Comme il fallait s'y attendre, les angles ne sont pas identiques dans les deux cas ; ils restent cependant voisins et évoluent de la même manière.

Tableau I - Direction du rayonnement maximum ($m = nB = 22$).

M_R	$\theta_{\max}$ (degrés)	
	Rotor libre	Rotor caréné
1,5	47,4	52
1,37	53,7	59
1,25	62,0	70
1,2	66,9	78
1,104	90	90
< 1,1	90	coupé

5. CONCLUSION

Ce document a tenté de montrer que des modèles théoriques sont disponibles pour prévoir le bruit de raie émis par un rotor. L'application des formules s'est limitée dans ce qui précède à quelques discussions sur les rotors transsoniques. C'est la situation la plus simple pour les calculs car les sources sonores principales sont dues à l'épaisseur des aubes et à leur charge moyenne. En outre, la présence d'un carénage ne modifie pas fondamentalement le rayonnement en champ libre. Il reste à répondre à une question importante, celle de la contribution relative du terme quadripolaire (lié aux ondes de Mach) sur les harmoniques de la fréquence de passage des aubes, composante qui a été négligée dans tout ce travail. Le cas des compresseurs subsoniques est plus complexe. En effet, seuls des harmoniques de charge de rang relativement élevé produisent des ondes acoustiques à structure spatiale suffisamment simple pour qu'elles se propagent dans le conduit entourant le rotor. La principale difficulté provient des données aérodynamiques car les programmes de calcul ne sont pas encore capables de prévoir ces fluctuations de charge en haute fréquence. L'effort doit de toute évidence porter sur ce sujet.

Un autre problème se pose en pratique. Il a été affirmé en introduction que les méthodes semi-empiriques ne sont pas assez fiables pour être employées au stade des avant-projets et que des modèles purement théoriques sont indispensables. Toutefois, il n'est guère envisageable de mener un calcul aérodynamique (et donc acoustique) précis lors de cette étape pour définir la machine, à cause de l'absence de certaines données et des temps d'ordinateur. Ceci constitue un thème de réflexion pour l'avenir : il faudra rechercher comment mener une analyse paramétrique, un peu comme ce qui a été ébauché dans la dernière partie de cette communication, afin d'aboutir in fine à une optimisation aéroacoustique.

REMERCIEMENTS

Ces études sont supportées par des contrats avec la SNECMA.

REFERENCES

- [1] Goldstein M.E., *Aeroacoustics* (McGraw-Hill International Book Company, New York, 1976).
- [2] Ffowes Williams J.E. and Hawkins D.L., *Philosophical Transactions of the Royal Society of London*, Vol. 264, Series A, No. 1151 (mai 1969) 321-342.
- [3] Hanson D.B., *AIAA Journal*, **18**, No. 10 (octobre 1980) 1213-1220.
- [4] Lowson M.V., *J. Acoust. Soc. Am.*, **47**, No. 1, Part 2 (janvier 1970) 371-385.
- [5] Gutin L. Ya., "On the sound field of a rotating propeller", *Physikalische Zeitschrift der Sowjetunion*, **9**, No. 1 (1936) 57-71 (en russe) & NACA TM-1195, Washington, D.C. (1948).
- [6] Goldstein M., *J. Acoust. Soc. Am.*, **56**, No. 2 (août 1974) 497-509.
- [7] Tyler J.M. and Sofrin T.G., *Society of Automotive Engineers Transactions*, **70** (1962) 309-332.
- [8] Schulten J.B.H.M., "Sound generation by ducted fans and propellers as a lifting surface problem", Thèse, CIP-Data Koninklijke Bibliotheek, La Haye, Pays-Bas (18 février 1993).
- [9] Eversman W., "Comparison of radiated noise from shrouded and unshrouded propellers", Second International Congress on Recent Developments in Air- and Structure-Borne Sound and Vibration, Auburn University, USA (4-6 mars 1992) 121-128.
- [10] Gounet H. and Léwy S., *Journal of Aircraft*, **25**, No. 5 (mai 1988) 428-435.
- [11] Léwy S., "Exact and simplified computation of noise radiation by an annular duct", *Inter-noise 88*, Avignon (30 août-1^{er} septembre 1988), Proceedings Vol. 3, 1559-1564.
- [12] Rice E.J. *AIAA Journal*, **16**, No. 9 (septembre 1978) 906-911.

Figure 1
Définition de la géométrie et des coordonnées utilisées.

Figure 2
Effet du nombre de Mach de rotation
sur la directivité du bruit d'épaisseur engendré par un rotor libre : $nB = 22$.

Figure 3
Effet du nombre de Mach de rotation
sur la directivité rayonnée par un rotor transsonique caréné : $m = nB = 22$, $\mu = 1$.

Figure 4
Tracé de rayons, schématisant la propagation acoustique dans un conduit
et le rayonnement en champ libre.