Classification
Physics Abstracts
07.50

Application des commandes non linéaires pour la régulation en vitesse ou en position de la machine synchrone autopilotée

B. Le Pioufle ⁽¹⁾, G. Georgiou ⁽²⁾ et J.-P. Louis ⁽¹⁾

⁽¹⁾ Laboratoire d'Electricité, Signaux et Robotique, L.E.Si.R., E.N.S. de Cachan, U.A. C.N.R.S. D1375, 61 avenue du Président Wilson, 94235 Cachan Cedex, France

⁽²⁾ Laboratoire de Signaux et Systèmes, L.S.S., Ecole Supérieure d'Electricité, U.M. C.N.R.S. 14, Plateau du Moulon, 91192 Gif-sur-Yvette Cedex, France

(Reçu le 18 décembre 1989, accepté le 15 février 1990)

Résumé. — Dans cet article une méthode de l'automatique, la linéarisation totale par retour d'état, avec choix d'un comportement entrée-sortie, est appliquée à un actionneur électrique non linéaire, un servomoteur synchrone autopiloté. Cette solution est une alternative prometteuse aux stratégies classiques. Des exemples de dynamiques obtenues sur des commandes en vitesse ou en position, avec contrainte sur le courant d'axe direct, illustrent les possibilités de cette méthode.

Abstract. — In this paper a method of modern control, total linearization by state-feedback, with choice of an input-output behaviour, is applied to a selfcontrolled servomotor. This solution may be a successful alternative to classical strategies. Some examples relative to speed or position control with constraint on the direct axis current show dynamical behaviours which illustrate the possibilities of this method.

1. Introduction.

Les servomoteurs synchrones se répandent de plus en plus comme actionneurs dans les industries automatisées où ils remplacent les moteurs à courant continu (cf. [5, 6]). Ils présentent sur ces derniers l'avantage d'avoir de meilleures performances (en terme de couple massique, par exemple) et de ne pas avoir de collecteur mécanique (ce collecteur pose des problèmes d'entretien et de comportement dans les environnements difficiles).

En revanche, ils sont plus exigeants. Le moteur à courant continu est alimenté par un convertisseur statique simple (un redresseur ou un hacheur), et une régulation de son courant d'induit permet de maîtriser le couple. Pour les moteurs synchrones, la fonction collecteur est réalisée par un ensemble électronique : un onduleur de puissance, une mesure de position et une commande adéquate des courants pour contrôler le couple.

Ainsi, en ce qui concerne les servomoteurs synchrones, un des principaux pôles de recherche porte sur le type de commande le plus approprié. Les stratégies traditionnelles consistent à asservir la machine en courant (donc en couple), en compensant les forces contre-électromotrices du moteur, et en découplant les équations différentielles régissant l'évolution des courants dans l'axe direct et dans

l'axe en quadrature (cf. [10]). Le moteur est ensuite commandé en vitesse grâce à une boucle en cascade.

Ces stratégies classiques ignorent les non-linéarités propres aux machines synchrones que l'on observe immédiatement sur les équations d'un servomoteur synchrone. En outre, une analyse distincte des boucles de vitesse et de courant ne se justifie pas toujours, car les dynamiques de ces grandeurs sont parfois insuffisamment éloignées.

Rappelons les équations liant les tensions aux flux, dans le repère du rotor (variables de Park) :

$$\left. \begin{aligned} V_d &= R_s i_d - p\Omega \phi_q + \frac{d\phi_d}{dt} \\ V_q &= R_s i_q + p\Omega \phi_d + \frac{d\phi_q}{dt} \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

et celles liant les flux aux courants :

$$\left. \begin{aligned} \phi_d &= L_d i_d + \Phi_f \\ \phi_q &= L_q i_q \end{aligned} \right\} \quad (2)$$

L'expression du couple en fonction du courant est :

$$\begin{aligned} C &= p[(L_d - L_q) i_d + \Phi_f] i_q \\ &= J \frac{d\Omega}{dt} + f\Omega + C_0 \end{aligned} \quad (3)$$

où :

V_d et V_q représentent respectivement les tensions statoriques de la machine ramenées dans les axes D et Q (direct et en quadrature).

i_d est le courant, L_d est l'inductance, ϕ_d est le flux dans l'axe D.

i_q est le courant, L_q est l'inductance, ϕ_q est le flux dans l'axe Q.

R_s représente la résistance statorique.

Ω est la vitesse du moteur.

p son nombre de paires de pôles.

Φ_f est le flux généré par l'aimant permanent du rotor.

J est l'inertie du système (moteur + charge).

f le coefficient de frottement visqueux du système.

C_0 le couple résistant.

On obtient les courants i_d et i_q grâce à une reconstruction d'état à partir des courants mesurés dans les phases du moteur i_a , i_b et i_c , et de la position θ :

$$\begin{bmatrix} I_d \\ I_q \end{bmatrix} = \sqrt{2/3} \begin{bmatrix} \cos(p\theta) & \sin(p\theta) \\ -\sin(p\theta) & \cos(p\theta) \end{bmatrix} \times \\ \times \begin{bmatrix} 1 & -1/2 & -1/2 \\ 0 & \sqrt{3}/2 & -\sqrt{3}/2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_a \\ i_b \\ i_c \end{bmatrix}.$$

Les tensions simples du moteur sont calculées à l'aide des tensions V_d et V_q en appliquant la transformée inverse (cf. [5]) (c'est l'autopilotage).

Nous constatons dans ces équations la présence de deux types de non-linéarités : la multiplication par Ω dans les équations électriques, et le terme en $i_d \cdot i_q$ dans l'expression du couple. Dans les régulations habituellement réalisées, le terme Ω qui intervient dans les équations électriques est considéré comme une constante (ou un paramètre lentement variable), et son effet (forces contre-electromotrices et couplage des équations dans l'axe direct et dans l'axe en quadrature) est, dans certaines études, compensé.

L'objet de ce travail est d'appliquer des méthodes de commande non linéaire développées récemment (cf. [7]), et donc de s'affranchir des approximations (découplage, linéarisation) habituellement employées.

Le contrôle doit être fait à l'aide des variables de Park.

2. Présentation de la méthode non linéaire.

Une présentation générale et exhaustive des méthodes de commande non linéaires serait rapidement lourde et exigerait la définition d'un appareil mathématique complexe. C'est pourquoi nous avons choisi un compromis en limitant le formalisme au strict minimum, en précisant à chaque fois les hypothèses

nécessaires. Nous pourrions de cette manière appliquer immédiatement ces méthodes à la commande en vitesse, puis en position de la machine synchrone autopilotée. Pour un exposé plus détaillé sur les méthodes de commande non linéaires, on se rapportera aux articles cités en bibliographie ([4, 1] pour les commandes en temps continu, [7, 9] pour les commandes sous échantillonnage, et [8] pour les commandes en temps discret).

2.1 MODÈLE DU MOTEUR. — Nous devons écrire les équations sous forme d'état, avec l'état :

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}, \quad x_1 = i_d, \quad x_2 = i_q, \quad x_3 = \Omega. \quad (4)$$

et les entrées :

$$\mathbf{u} = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \end{bmatrix}, \quad u_1 = V_d, \quad u_2 = V_q. \quad (5)$$

On peut facilement réécrire les équations (1) et (2) sous la forme :

$$\frac{d\mathbf{x}}{dt} = \mathbf{f}(\mathbf{x}) + \mathbf{G} \cdot \mathbf{u} \quad (6)$$

avec :

$$\mathbf{f} = \begin{bmatrix} f_1(\mathbf{x}) \\ f_2(\mathbf{x}) \\ f_3(\mathbf{x}) \end{bmatrix}, \quad \mathbf{G} = \begin{bmatrix} g_1 & 0 \\ 0 & g_2 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

où :

$$f_1(\mathbf{x}) = a_0 \cdot x_1 + a_1 \cdot x_2 \cdot x_3$$

$$f_2(\mathbf{x}) = a'_0 \cdot x_2 + a_2 \cdot x_1 \cdot x_3 + a_3 \cdot x_3$$

$$f_3(\mathbf{x}) = b_1 \cdot x_1 \cdot x_2 + b_2 \cdot x_2 + b_0 \cdot x_3 - C_r/J$$

$$g_1 = 1/L_d, \quad g_2 = 1/L_q,$$

$$\tau_d = L_d/R, \quad \tau_q = L_q/R, \quad \tau_m = J/f$$

$$a_0 = -1/\tau_d, \quad a'_0 = -1/\tau_q, \quad a_1 = p \cdot L_q/L_d,$$

$$a_2 = -p \cdot L_d/L_q, \quad a_3 = p \cdot \Phi_f/L_q$$

$$b_0 = -1/\tau_m, \quad b_1 = p \cdot (L_d - L_q)/J,$$

$$b_2 = p \cdot \Phi_f/J.$$

Nous pouvons voir sur la figure 1 une représentation schématique du moteur. Il y a deux commandes indépendantes (u_1 et u_2), on pourra donc réguler deux variables.

Fig. 1. — Représentation d'état du moteur.

[State representation of the motor.]

Un point important à souligner est que le couple résistant C_r est une grandeur non mesurable. On peut seulement le supposer constant, ou lentement variable. Cela pose un problème pour l'implantation et nous en discuterons dans le paragraphe 3.

2.2 PRINCIPE DE LA MÉTHODE NON LINÉAIRE. — La première étape de toute commande non linéaire consiste à définir quelles vont être les sorties du système, c'est-à-dire les variables à réguler.

Dans notre cas, ayant deux grandeurs de commandes V_d et V_q , nous aurons donc la possibilité de régler indépendamment deux sorties y_1 et y_2 .

Il s'agit ensuite d'écrire une équation différentielle matricielle liant une dérivée n -ième de la sortie y_1 et une dérivée m -ième de la sortie y_2 avec les commandes V_d et V_q .

Dans la plupart des cas (et c'est le cas du moteur synchrone autopiloté), il est possible, grâce à un nombre suffisant de dérivations des sorties, d'obtenir :

$$\begin{bmatrix} \frac{d^n y_1}{dt^n} \\ \frac{d^m y_2}{dt^m} \end{bmatrix} = B_0 + A_0 \begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix}$$

où B_0 est un vecteur de dimension 2, et A_0 , appelée matrice de découplage, est une matrice carrée d'ordre 2 que l'on veut inversible quel que soit le point de fonctionnement du moteur. Il faut remarquer que les composantes de A_0 et B_0 peuvent dépendre de l'état X .

De cette façon, en choisissant

$$\begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix} = A_0^{-1} \left\{ -B_0 + \begin{bmatrix} r_1 \\ r_2 \end{bmatrix} \right\},$$

nous découplons le système car chaque entrée

externe r_i , $i \in \{1, 2\}$ agit seulement sur une des sorties y_i .

Nous obtenons le comportement suivant :

$$\begin{aligned} \frac{d^n y_1}{dt^n} &= r_1 \\ \frac{d^m y_2}{dt^m} &= r_2. \end{aligned}$$

Pour imposer le régime statique $y_1 = y_{1\text{ref}}$ et $y_2 = y_{2\text{ref}}$, et une dynamique sur l'erreur régie par une équation du type :

$$\begin{aligned} \frac{d^n e_1}{dt^n} &= K_{n-1} \frac{d^{n-1} e_1}{dt^{n-1}} + K_{n-2} \frac{d^{n-2} e_1}{dt^{n-2}} + \dots + K_0 e_1 \\ &\text{avec } e_1 = y_{1\text{ref}} - y_1 \\ \frac{d^m e_2}{dt^m} &= K'_{m-1} \frac{d^{m-1} e_2}{dt^{m-1}} + K'_{m-2} \frac{d^{m-2} e_2}{dt^{m-2}} + \dots + K'_0 e_2 \\ &\text{avec } e_2 = y_{2\text{ref}} - y_2 \end{aligned}$$

les grandeurs e_1 et e_2 représentant respectivement les erreurs par rapport à la consigne sur les sorties y_1 et y_2 , il faut choisir :

$$\begin{aligned} r_1 &= K_{n-1} \frac{d^{n-1} y_1}{dt^{n-1}} + K_{n-2} \frac{d^{n-2} y_1}{dt^{n-2}} + \dots + \\ &\quad + K_0 (y_{1\text{ref}} - y_1) \\ r_2 &= K'_{m-1} \frac{d^{m-1} y_2}{dt^{m-1}} + K'_{m-2} \frac{d^{m-2} y_2}{dt^{m-2}} + \dots + \\ &\quad + K'_0 (y_{2\text{ref}} - y_2). \end{aligned}$$

Le comportement du système est ainsi linéarisé. Les coefficients $K_0, K_1, \dots, K_{n-1}, K'_0, K'_1, \dots, K'_{m-1}$, sont choisis en fonction des régimes statique et dynamique désirés.

Il suffit donc d'imposer le vecteur tensions de commande :

$$\begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix} = A_0^{-1} \left\{ -B_0 + \begin{bmatrix} K_{n-1} \frac{d^{n-1} y_1}{dt^{n-1}} + K_{n-2} \frac{d^{n-2} y_1}{dt^{n-2}} + \dots + K_1 \frac{dy_1}{dt} + K_0 (y_{1\text{ref}} - y_1) \\ K'_{m-1} \frac{d^{m-1} y_2}{dt^{m-1}} + K'_{m-2} \frac{d^{m-2} y_2}{dt^{m-2}} + \dots + K'_1 \frac{dy_2}{dt} + K'_0 (y_{2\text{ref}} - y_2) \end{bmatrix} \right\}.$$

Nous obtenons ainsi deux équations différentielles indépendantes régissant nos deux sorties. Nous pouvons régler le régime statique et placer les pôles à partir de ces deux équations.

3. Asservissement de vitesse utilisant les méthodes de commande non linéaires.

3.1 COMMANDE CONTINUE. — Afin d'obtenir une linéarisation entrée-sortie totale, c'est-à-dire sans apparition d'une dynamique de zéros éventuellement instable (cf. [1, 4]), nous choisissons comme sorties,

c'est-à-dire comme variables à contrôler, une combinaison linéaire des courants i_d et i_q , ainsi que la vitesse.

$$\begin{aligned} y_1 &= \alpha i_d + \beta i_q \\ y_2 &= \Omega. \end{aligned}$$

Dérivons la sortie y_1 pour voir si une des commandes V_d où V_q apparaît :

$$\frac{dy_1}{dt} = \alpha f_1 + \beta f_2 + [\alpha g_1 \quad \beta g_2] \begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix}$$

g_1 et g_2 sont toujours différents de 0, en choisissant α ou β non nul, on constate que l'action d'une des commandes apparaît effectivement.

Dérivons maintenant la deuxième sortie y_2 pour voir si une des commandes apparaît. Nous obtenons :

$$\frac{dy_2}{dt} = f_3.$$

Nous voyons que la dérivée de la seconde sortie ne fait intervenir ni V_d , ni V_q . Il faut donc dériver une seconde fois cette sortie. Il faut alors faire une hypothèse sur le couple résistant C_0 dont on ne connaît pas la dérivée. On suppose ce couple constant par morceaux ou du moins très lentement variable. Nous avons pris cette hypothèse car elle est physiquement convenable. La dérivée du couple résistant par rapport au temps est donc nulle. Nous obtenons alors :

$$\begin{aligned} \frac{d^2 y_2}{dt^2} = f_1 \frac{\partial f_3}{\partial x_1} + f_2 \frac{\partial f_3}{\partial x_2} + f_3 \frac{\partial f_3}{\partial x_3} + \\ + g_1 \frac{\partial f_3}{\partial x_1} V_d + g_2 \frac{\partial f_3}{\partial x_2} V_q \end{aligned}$$

d'où :

$$\begin{aligned} \frac{d^2 y_2}{dt^2} = f_1 b_1 x_2 + f_2 (b_1 x_1 + b_2) + f_3 b_0 + \\ + \{g_1 b_1 x_2 \quad g_2 (b_1 x_1 + b_2)\} \begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix}. \end{aligned}$$

Ici, les commandes apparaissent sous certaines conditions :

a) Si $L_d = L_q$ (machine à pôles lisses) :

$$g_1 b_1 x_2 = 0, \text{ mais } g_2 (b_1 x_1 + b_2) = g_2 b_2 \neq 0,$$

donc V_q apparaît.

b) Si $L_d \neq L_q$ (machine à pôles saillants).

Il suffit d'avoir $x_2 \neq 0$ ou $x_1 \neq -b_2/b_1$.

La première condition n'est pas réalisée quel que soit le point de fonctionnement du moteur, car $x_2 = i_q$ peut être amené à changer de signe.

Il faut donc $x_1 \neq -b_2/b_1$

$$\text{(c'est-à-dire } i_d \neq \frac{-\Phi_f}{L_d - L_q} \text{)}.$$

Or avoir $(L_d - L_q) i_d = -\Phi_f$ revient à désexciter entièrement la machine en annulant le flux dû aux aimants rotoriques avec le flux de saillance. Ceci est irréalisable dans les machines que nous connaissons du fait de l'importance du courant alors nécessaire (cf. annexe).

Nous pouvons alors écrire l'équation différentielle :

$$\begin{bmatrix} \frac{dy_1}{dt} \\ \frac{d^2 y_2}{dt^2} \end{bmatrix} = B_0 + A_0 \begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix}$$

$$\text{avec } B_0 = \begin{bmatrix} \alpha f_1 + \beta f_2 \\ f_1 b_1 x_2 + f_2 (b_1 x_1 + b_2) + f_3 b_0 \end{bmatrix}$$

$$\text{et } A_0 = \begin{bmatrix} \alpha g_1 & \beta g_2 \\ g_1 b_1 x_2 & g_2 (b_1 x_1 + b_2) \end{bmatrix}.$$

Si le déterminant de la matrice de découplage A_0 est non nul, ce dont nous discuterons plus bas, nous pouvons alors appliquer la loi de commande :

$$\begin{aligned} \begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix} = \\ = A_0^{-1} \left[-B_0 + \begin{bmatrix} K_{11}(y_{1\text{ref}} - y_1) \\ -K_{21} \frac{dy_2}{dt} + K_{22}(y_{2\text{ref}} - y_2) \end{bmatrix} \right] \\ = A_0^{-1} \left[-B_0 + \begin{bmatrix} K_{11}(y_{1\text{ref}} - y_1) \\ -K_{21} f_3 + K_{22}(y_{2\text{ref}} - y_2) \end{bmatrix} \right]. \end{aligned}$$

Ceci nous permet d'imposer le régime statique $y_1 = y_{1\text{ref}}$ et $y_2 = y_{2\text{ref}}$, avec une dynamique sur l'erreur régie par une équation du type :

$$\frac{de_1}{dt} = K_{11} e_1 \quad \text{avec } e_1 = y_{1\text{ref}} - y_1$$

$$\frac{d^2 e_2}{dt^2} = K_{21} \frac{de_2}{dt} + K_{22} e_2 \quad \text{avec } e_2 = y_{2\text{ref}} - y_2.$$

Il est maintenant aisé de placer les pôles du système, en ajustant les coefficients K_{11} , K_{21} et K_{22} .

Ayant obtenu la commande nécessaire à la linéarisation et au découplage de notre système, une remarque s'impose : dans le vecteur B_0 intervient f_3 , faisant lui-même intervenir le couple de charge. Or, il est délicat de faire intervenir le couple de charge dans le calcul des tensions de commande du moteur, sachant que dans les systèmes électrotechniques classiques, cette grandeur n'est pas mesurée, ni facilement mesurable.

La solution retenue pour remédier à ce problème est de remplacer, dans l'expression des tensions de commande nécessaires, la fonction f_3 par une estimation de $\frac{d\Omega}{dt}$, grandeur pouvant être facilement calculée par le microprocesseur, en mesurant périodiquement la vitesse Ω . A chaque période d'échantillonnage, le microprocesseur acquiert une nouvelle valeur de vitesse. Il lui suffit donc de retrancher à la valeur courante la valeur mesurée lors de la période d'échantillonnage précédente, puis de diviser la grandeur ainsi obtenue par la période d'échantillon-

nage. Le microprocesseur calcule ainsi une valeur approchée de $\frac{d\Omega}{dt}$.

3.1.1 Discussion sur le déterminant de la matrice de découplage A_0 . — Le déterminant de A_0 vaut :

$$\Delta = \frac{\alpha}{\tau_d \tau_q} \left[\frac{p(L_d - L_q)}{J} x_1 + \frac{p\Phi_f}{J} \right] - \frac{\beta}{\tau_d \tau_q} \left[\frac{p(L_d - L_q)}{J} x_2 \right].$$

3.1.1.1 Cas où $L_d = L_q$ (machine à pôles lisses).

$$\Delta = \frac{\alpha}{\tau_d \tau_q} \frac{p\Phi_f}{J}.$$

La matrice A_0 est alors toujours inversible si $\alpha \neq 0$.

3.1.1.2 Cas où $L_d \neq L_q$ (machine à pôles saillants).

3.1.1.2.1 Cas où $\alpha = 0$ et $\beta \neq 0$. — Il est alors nécessaire d'avoir $i_q \neq 0$, condition inacceptable, le courant i_q pouvant être amené à changer de signe. Ce cas doit donc être rejeté.

3.1.1.2.2 Cas où $\alpha \neq 0$ et $\beta = 0$. — Il faut alors avoir $i_d \neq \frac{-\Phi_f}{L_d - L_q}$, ce qui est une condition tout à fait acceptable puisqu'il suffit que i_d n'atteigne pas des valeurs difficilement accessibles (désexcitation totale du moteur) (cf. paragraphe 3.1.2).

3.1.1.2.3 Cas où $\alpha \neq 0$ et $\beta \neq 0$. — Il faut alors avoir $\alpha i_d - \beta i_q \neq \frac{-\Phi_f}{L_d - L_q}$.

3.1.2 Etude du cas où $\alpha = 1$ et $\beta = 0$. — Nous avons décidé d'étudier plus particulièrement ce cas intéressant où nous réglons le courant i_d et la vitesse Ω . En effet, si nous prenons alors comme

références $x_{1\text{ref}} = i_{d\text{ref}} = 0$ et $x_{3\text{ref}} = \Omega_{\text{ref}}$, nous travaillons alors à rapport $\frac{\text{Couple}}{\text{Courant par phase}}$ maximal, puisqu'il faut pour que ce rapport soit maximal que le courant soit dans l'axe q.

De plus, comme nous l'avons vu dans le paragraphe précédent, le déterminant de la matrice A_0 est non nul, dans la mesure où i_d n'atteint pas $\frac{-\Phi_f}{L_d - L_q}$ ce qui sera toujours le cas dans nos applications.

Dans ce cas le vecteur de commande $\begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix}$ vaut :

$$\begin{aligned} V_d &= L_d K_{11}(i_{d\text{ref}} - i_d) + Ri_d - pL_q \Omega i_q \\ V_q &= \frac{-(L_d - L_q)L_q}{(L_d - L_q)i_d + \Phi_f} i_q [K_{11}(i_{d\text{ref}} - i_d)] + Ri_q \\ &\quad + pL_d \Omega i_d - p\Phi_f \Omega + \frac{L_q J}{p(L_d - L_q)i_d + p\Phi_f} \\ &\quad \times \left[-K_{21} \frac{d\Omega}{dt} + K_{22}(\Omega_{\text{ref}} - \Omega) + \frac{f}{J} \frac{d\Omega}{dt} \right]. \end{aligned}$$

Nous pouvons voir sur la figure 2 le schéma de principe de cet algorithme, et sur la figure 3 un essai indiciel en vitesse sur le moteur commandé par cet algorithme (temps de réponse à 95 % de 45 ms). Le moteur est supposé en charge (le couple résistant appliqué valant la charge maximale admissible 10 Nm). Les coefficients sont réglés de manière à ce que le courant dans le moteur ne dépasse pas le courant maximal admissible (30 A). Le courant i_d reste nul, et nous observons sur la figure 4 le pic de courant i_q . Nous remarquons qu'en régime permanent i_q reste à 21 A, ce qui permet de fournir le couple de charge.

Les résultats obtenus sont particulièrement prometteurs, si nous les comparons aux résultats des commandes classiques. En effet, les commandes classiques ne contrôlent pas les effets dus à la vitesse

Fig. 2. — Schéma de principe de la commande non linéaire en vitesse.

[Scheme of the speed non linear control.]

Fig. 3. — Commande non linéaire de vitesse. $\Omega = f(t)$.

[Speed non linear control. $\Omega = f(t)$.]

Fig. 4. — Commande non linéaire de vitesse. $I_q = f(t)$.

[Speed non linear control. $I_q = f(t)$.]

et l'accélération du moteur, ce qui fait que leur comportement est fortement altéré pour les conditions extrêmes de fonctionnement (on observe une forte diminution du couple moteur lorsque l'accélération est importante). Par contre, le correcteur non linéaire, linéarisant la réponse en vitesse grâce à une compensation directe des effets de Ω et de $\frac{d\Omega}{dt}$, permet d'obtenir le second ordre escompté pour la réponse indicielle en vitesse, quelle que soient les sollicitations en couple ou en vitesse.

3.2 COMMANDE NUMÉRIQUE. BLOQUEUR D'ORDRE 0 ET RETARD DÙ AU TEMPS DE CALCUL. — Pour l'implantation matérielle de la commande, nous utilisons un microprocesseur qui réalise l'autopilotage, la reconstruction d'état et l'algorithme de régulation. Les calculs sont donc discrétisés. De plus les mesures des courants et de la vitesse, proviennent d'un opérateur ayant la fonction blocage et conversion Analogique Numérique. Le bloqueur le plus simple que nous avons utilisé est un bloqueur d'ordre 0. Comme conséquence de ces opérations,

nous avons en premier lieu des tensions de commande V_d et V_q fixes pendant la période d'échantillonnage, du fait qu'elles sont calculées uniquement à partir des états mesurés.

De plus, il faut s'attarder sur le fait que l'algorithme numérique, qui fournit les tensions de consigne du moteur en fonction de l'état, nécessite un temps de calcul non nul, lié directement à la rapidité du microprocesseur utilisé et à la complexité de l'algorithme.

La commande est retardée par ce temps de calcul. Plusieurs stratégies sont alors possibles : la première consiste à utiliser le résultat de l'algorithme dès que son calcul est terminé, la seconde consistant à n'utiliser le résultat de l'algorithme qu'à la période d'échantillonnage suivante. Pour des raisons d'implantation plus aisée, nous avons opté pour la seconde méthode.

Nous pouvons voir sur la figure 5 la simulation de la commande non linéaire, incluant les phénomènes de discrétisation : bloqueur d'ordre 0, et retard pur d'une période d'échantillonnage dû au temps de calcul du microprocesseur. Le temps de calcul étant estimé inférieur à $100 \mu s$, performance parfaitement accessible à un processeur de signal classique. Nous voyons que le régulateur possède des propriétés statiques et dynamiques proches de celles obtenues pour le modèle continu, pour la période d'échantillonnage choisie ($100 \mu s$). On observe que la réponse est néanmoins plus lente et plus amortie (temps de réponse à 95 % de 92 ms).

4. Asservissement de position utilisant les méthodes de commande non linéaires.

Nous voulons maintenant réguler la position du rotor, notée θ , de la machine, en utilisant les méthodes de commande non linéaire. Aux équations d'état (6) citées précédemment (cf. paragraphe 3), il nous faut maintenant ajouter l'équation (7) décrivant l'état θ :

$$\begin{aligned}\dot{x}_1 &= f_1 + g_1 V_d \\ \dot{x}_2 &= f_2 + g_2 V_q \\ \dot{x}_3 &= f_3 \\ \dot{x}_4 &= x_3.\end{aligned}\quad (7)$$

Avec : $x_1 = i_d$, $x_2 = i_q$, $x_3 = \Omega$, $x_4 = \theta$.

Nous choisissons cette fois encore comme première sortie une combinaison linéaire de i_d et i_q :

$$y_1 = \alpha x_1 + \beta x_2.$$

Pour la deuxième sortie, nous prenons cette fois-ci la position θ , puisque c'est elle que nous désirons réguler.

$$y_2 = x_4.$$

Comme nous l'avons vu dans le paragraphe précédent, il suffit de dériver la première sortie une fois pour voir apparaître au moins une des tensions de commande :

Fig. 5. — Commande non linéaire de vitesse. Modèle échantillonné. $\Omega = f(t)$.

[Speed non linear control. Sampled model. $\Omega = f(t)$.]

$$\frac{dy_1}{dt} = \alpha f_1 + \beta f_2 + [\alpha g_1 \quad \beta g_2] \begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix}.$$

Quant à la deuxième sortie, il est cette fois nécessaire de la dériver trois fois pour voir apparaître V_d ou V_q :

$$\frac{d^3 y_2}{dt^3} = f_1 b_1 x_2 + f_2 (b_1 x_1 + b_2) + f_3 b_0 + [g_1 b_1 x_2 \quad g_2 (b_1 x_1 + b_2)] \begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix}.$$

Nous pouvons ainsi écrire l'équation différentielle :

$$\begin{bmatrix} \frac{dy_1}{dt} \\ \frac{d^3 y_2}{dt^3} \end{bmatrix} = B_0 + A_0 \begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix}$$

l'expression de A_0 et B_0 étant définie dans le paragraphe 3.

Si le déterminant de A_0 est non nul, ce dont nous avons discuté plus haut, nous pouvons appliquer la commande :

Fig. 6. — Schéma de principe de la commande non linéaire en position.

[Scheme of the position non linear control.]

Fig. 7. — Commande non linéaire de position. Modèle échantillonné. $\theta = f(t)$.

[Position non linear control. Sampled model. $\theta = f(t)$.]

$$\begin{bmatrix} V_d \\ V_q \end{bmatrix} = A_0^{-1} \times$$

Ceci nous permet d'imposer le régime statique $y_1 = y_{1\text{ ref}}$ et $y_2 = y_{2\text{ ref}}$, avec une dynamique sur l'erreur régie par une équation du type :

$$\times \left\{ -B_0 + \begin{bmatrix} K_{11}(y_{1\text{ ref}} - y_1) \\ -K_{21} \frac{d^2 y_2}{dt^2} - K_{22} \frac{dy_2}{dt} + K_{23}(y_{2\text{ ref}} - y_2) \end{bmatrix} \right\}$$

$$\frac{de_1}{dt} = K_{11} e_1$$

$$\frac{d^3 e_2}{dt^3} = -K_{21} \frac{d^2 e_2}{dt^2} - K_{22} \frac{de_2}{dt} + K_{23} e_2$$

avec K_{11}, K_{21}, K_{22} et $K_{23} \in \mathbb{R}^+$

Fig. 8. — Commande non linéaire de position. Modèle échantillonné. $\Omega = f(t)$.

[Position non linear control. Sampled model. $\Omega = f(t)$.]

Fig. 9. — Commande non linéaire de position. Modèle échantillonné. $I_d = f(t)$ et $I_q = f(t)$.

[Position non linear control. Sampled model. $I_d = f(t)$ and $I_q = f(t)$.]

et

$$e_1 = y_{1\text{ ref}} - y_1 \quad e_2 = y_{2\text{ ref}} - y_2$$

(ce qui revient à imposer le comportement statique et dynamique du courant i_d et de la position θ). Il faut remarquer que l'algorithme d'asservissement en position est analogue à l'algorithme d'asservissement de la vitesse, ce qui simplifie grandement l'implantation.

Les figures 7, 8 et 9 montrent un essai indiciel sur la position du moteur, utilisant l'algorithme venant d'être exposé. Le moteur est en charge (charge de 10 Nm). Le temps de réponse est approximativement de 90 ms, pour un échelon de 1 rad et pour un courant ne dépassant pas le courant maximal admissible par la machine (30 A). Cette simulation prend en compte les bloqueurs d'ordre 0 et le temps de retard dû au calcul. Nous pouvons voir que la régulation réagit particulièrement bien.

5. Conclusion.

Nous avons présenté ici des algorithmes non linéaires de régulations de vitesse ou de position d'une machine synchrone autopilotée.

Contrairement aux régulateurs classiques, ces algorithmes prennent en compte les non-linéarités de notre système, celui-ci réagira donc de manière équivalente aux sollicitations demandant de grandes variations (de vitesse ou de position), et aux sollicitations demandant de petites variations. De plus ces régulations restent valables lorsque les dynamiques de la vitesse et des courants ne sont pas suffisamment éloignées pour que l'on justifie leur découplage.

Nous avons testé ces algorithmes en tenant compte des problèmes dus à la quantification (blo-

quage et temps de retard dû au temps de calcul). Nous avons vu que le comportement du système reste tout à fait acceptable pour des périodes d'échantillonnage très accessibles à un système utilisant un processeur de signal classique.

Nous avons également pu nous rendre compte qu'il était aisé de passer d'une régulation non linéaire de vitesse à une régulation non linéaire de position. Un même système pourra donc facilement être conçu pour pouvoir fonctionner dans ces deux modes, en utilisant presque la même structure. Le but que nous nous sommes maintenant fixé est d'atténuer les problèmes dus à la discrétisation de notre système grâce à des algorithmes non linéaires intégrant prédicteur et bloqueurs améliorés, de manière à améliorer les performances de notre actionneur électrique.

Annexe.

Caractéristiques du moteur :

Courant nominal $i = 20$ A ; Vitesse nominale = 2 200 tr/min ;

Courant transitoire maximal $i_{\text{max}} = 30$ A ;

Couple maximal transitoire = 14 Nm ; Couple permanent maximum à l'arrêt = 10 Nm ;

Couple maximum à 2 200 tr/min = 8,5 Nm ;

$R_s = 0,6 \Omega$, $L_d = 1,4$ mH, $L_q = 2,8$ mH, $p = 4$, $\Phi_f = 0,12$ Wb.

A partir de ces valeurs nous pouvons calculer la valeur du courant de désexcitation : $i_d = 85$ A.

Remerciements.

Les auteurs tiennent à remercier D. Normand-Cyrot et S. Monaco pour l'aide apportée à l'accomplissement de ce travail.

Bibliographie

- [1] BYRNES C. and ISIDORI A., A frequency domain philosophy for non linear systems, 23th IEEE Conf. decision and control (1984).
- [2] DE LUCA A., ULIVI G., Full linearization of induction motors, Non linear state feedback, Proc. of the 26th conference on decision and control, Los Angeles CA (December 1987) pp. 1765-1770.
- [3] GEORGIU G., Adaptative Feedback Linearization and tracking for induction motors, IFAC, Workshop on evaluation of adaptative control strategies in industrial applications, Tbilisi, USSR (October 1989).
- [4] ISIDORI A., Non linear control systems, an introduction, 2nd edition (Springer-Verlag).
- [5] LOUIS J. P. et LE PIOUFLE B., Représentation fonctionnelle des machines à courant alternatif et de leur alimentation pour leur commande en vitesse variable, Journées S.E.E., Les actionneurs électriques, esclaves des temps modernes (9 et 10 novembre 1989).
- [6] LOUIS J. P., MULTON B., LAVABRE M., Commande des moteurs à courant continu à vitesse variable, Techniques de l'Ingénieur (décembre 1988).
- [7] MONACO S., NORMAND-CYROT D., Sur la commande digitale d'un système non linéaire à déphasage minimal, Proc., 8th Int. Conf. on Analys. and Optim. of Systems (Antibes 1988).
- [8] MONACO S., NORMAND-CYROT D., The immersion under feedback of a multidimensional discrete time non linear system into a linear system, *Int. J. Control* **38** (1983) 245-261.
- [9] MONACO S., NORMAND-CYROT D. et STORNELLI S., On the linearizing feedback in nonlinear sampled data control schemes, Proc. of the IEEE Conf. on Decision and Control, Athenes (1983) pp. 2056-2060.
- [10] LEONHARD W., Control of electrical drives (Springer-Verlag) 1985.