



**HAL**  
open science

## Le retard algébrique maximum dans un job shop

Guillaume Pinot

► **To cite this version:**

Guillaume Pinot. Le retard algébrique maximum dans un job shop. ROADEF 2010, Feb 2010, Toulouse, France. hal-00468066

**HAL Id: hal-00468066**

**<https://hal.science/hal-00468066>**

Submitted on 29 Mar 2010

**HAL** is a multi-disciplinary open access archive for the deposit and dissemination of scientific research documents, whether they are published or not. The documents may come from teaching and research institutions in France or abroad, or from public or private research centers.

L'archive ouverte pluridisciplinaire **HAL**, est destinée au dépôt et à la diffusion de documents scientifiques de niveau recherche, publiés ou non, émanant des établissements d'enseignement et de recherche français ou étrangers, des laboratoires publics ou privés.

# Le retard algébrique maximum dans un *job shop*

Guillaume Pinot<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup> IRCCyN — UMR 6597; 1 rue de la Noé; 44321 Nantes, France  
guillaume.pinot@ircryn.ec-nantes.fr

<sup>2</sup> LINA — UMR 6241; 2 rue de la Houssinière; 44322 Nantes, France

**Mots-Clés** : *ordonnancement*, *job shop*, *retard algébrique maximum*.

## 1 Introduction

Le problème du *job shop* (noté  $J||C_{\max}$ ) est un problème très étudié ces dernières décennies [2]. Un nombre important d'outils efficaces sont donc disponibles pour résoudre ce problème. Néanmoins, le problème du *job shop* avec comme objectif le retard algébrique maximum (noté  $J||L_{\max}$ ) est beaucoup moins étudié. [1] propose d'utiliser le *shifting bottleneck* pour résoudre ce problème. [3] propose une heuristique ainsi qu'une méthode exacte aux performances limitées. La minimisation des retards est pourtant un objectif très important en pratique. Cet article propose une transformation très simple d'un problème  $J||L_{\max}$  en un problème  $J||C_{\max}$ . Cette transformation permet alors d'utiliser la littérature abondante du *job shop* pour résoudre le  $J||L_{\max}$ .

## 2 Transformation d'un $J||L_{\max}$ en $J||C_{\max}$

Notons  $J_i$  le *job*  $i$ ,  $C_i$  la date de fin de  $J_i$ ,  $d_i$  la date de fin souhaitée de  $J_i$ ,  $O_{i,j}$  la  $j^{\text{e}}$  opération de  $J_i$ ,  $C_{i,j}$  la date de fin de  $O_{i,j}$ ,  $O_{i,k_i}$  la dernière opération de  $J_i$ ,  $p_{i,j}$  le temps opératoire de l'opération  $O_{i,j}$ ,  $L_i$  le retard algébrique de  $J_i$ ,  $C_{\max}$  le *makespan* et  $L_{\max}$  le retard algébrique maximum. Le *makespan* se calcule

$$C_{\max} = \max_{\forall J_i} C_i$$

et le retard algébrique maximum se calcule

$$L_{\max} = \max_{\forall J_i} L_i = \max_{\forall J_i} (C_i - d_i).$$

Un exposant sur ces notations fait référence au problème utilisé.

Soit  $M = 1 + \max_{\forall J_i} d_i$ . Soit  $P$  un problème  $J||L_{\max}$ . À partir du problème  $P$ , un problème  $P'$  de type  $J||C_{\max}$  est généré.

Le problème  $P$  est copié en problème  $P'$  (sans les  $d_i$ , inutiles pour un problème  $J||C_{\max}$ ). Pour chaque *job*  $J_i$  de  $P$ , une machine fictive  $M_i$  est rajoutée à  $P'$ . Une opération fictive  $O_{i,k_i}^{P'}$  est rajoutée à  $P'$  à la fin de chaque *job* sur la machine fictive correspondante. Son temps opératoire est  $p_{i,k_i}^{P'} = M - d_i \geq 1$ .

Par construction,  $O_{i,k_i}^P$  correspond à  $O_{i,k_i-1}^{P'}$ .

**Proposition 1** *La résolution du problème  $P'$  est équivalente à la résolution du problème  $P$ . La solution du problème  $P$  correspond à la solution du problème  $P'$  privée des machines et opérations fictives.*

**Preuve :** Comme la machine de  $O_{i,k_i}^{P'}$  ne possède qu'une opération, cette opération commencera tout de suite après  $O_{i,k_i-1}^{P'}$ . Nous avons donc

$$C_i^{P'} = C_{i,k_i}^{P'} = C_{i,k_i-1}^{P'} + p_{i,k_i} = C_{i,k_i-1}^{P'} + M - d_i = C_{i,k_i}^P + M - d_i = C_i^P - d_i + M = L_i^P + M.$$

Le *makespan* du problème  $P'$  est donc :

$$C_{\max}^{P'} = \max_{\forall J_i^{P'}} C_i^{P'} = \max_{\forall J_i^P} (L_i^P + M) = M + \max_{\forall J_i^P} L_i^P = M + L_{\max}^P$$

Comme  $M$  est une constante, optimiser  $C_{\max}^{P'}$  revient à optimiser  $L_{\max}^P$ . □

**Corollaire 1** *Le  $L_{\max}$  du problème  $P$  peut se calculer à partir du  $C_{\max}$  du problème  $P'$  de la manière suivante :  $L_{\max}^P = C_{\max}^{P'} - M$ .*

### 3 Conclusion

Dans cet article, nous expliquons comment transformer un problème de type  $J||L_{\max}$  en un problème de type  $J||C_{\max}$  de façon simple. Cette transformation permet alors d'utiliser la littérature abondante du *job shop* pour résoudre le  $J||L_{\max}$ .

### Références

- [1] Ebru Demirkol, Sanjay Mehta, and Reha Uzsoy. A computational study of shifting bottleneck procedures for shop scheduling problems. *Journal of Heuristics*, 3(2) :111–137, 1997.
- [2] A. S. Jain and S. Meeran. Deterministic job-shop scheduling : Past, present and future. *European Journal of Operational Research*, 113 :390–434, 1998.
- [3] Ling-Huey Su, Pei-Chann Chang, and E. S. Lee. A heuristic for scheduling general job shops to minimize maximum lateness. *Mathematical and Computer Modelling*, 27(1) :1–15, 1998.